

# تحلیل سیستم نیروی سه بعدی در فنرهای رترکشن پیش فعال شده از جنس استیل و بتا تیتانیوم به روشن المان محدود

\* دکتر شیوا علوی<sup>۱</sup>، دکتر امین شیروانی<sup>\*</sup>

## چکیده

**مقدمه:** هدف پژوهش حاضر، بررسی اثرات مستقل و مقابله خم‌های پیش فعال سازی نوع اول و دوم بر سیستم سه بعدی نیرو در فنرهای رترکشن کائین از جنس استیل و بتا تیتانیوم بود.

**مواد و روشهای:** در یک پژوهش تحلیل المان محدود، سه طرح فنر رترکشن شامل فنر عمودی، فنر عمودی هلیکس‌دار و فنر T مورد بررسی قرار گرفت. تمامی حالات ترکیبی از خم نوع اول (۰، ۲۰، ۴۰ و ۶۰ درجه)، خم نوع دوم (۰ و ۴۰ درجه) و آلیاژ سیم (استیل / بتا تیتانیوم) برای هر یک از فنرهای مذکور بررسی گردید. تمامی اپلاینس‌های مورد بررسی با فواصل ۰/۰۵ میلی‌متری تا حد الاستیک فعال شدند و نسبت‌های گشتاور به نیرو (در پلن اکلوزال و سازیتال) و نسبت نیرو / تغییر شکل آنها با کاربرد نرم‌افزارهای ABAQUS (نسخه ۶.۸) و CATIA (نسخه ۵.۱۳) محاسبه گردید.

**یافته‌ها:** بر اساس یافته‌های پژوهش، خم نوع دوم تا حدی باعث کاهش نسبت گشتاور / نیرو در پلن اکلوزال می‌گردد ولی خم نوع اول اثری بر نسبت گشتاور به نیروی فنر در پلن سازیتال ندارد. افزودن هلیکس به فنر عمودی باعث کاهش نسبت نیرو / تغییر شکل فنر می‌شود ولی اثر کمی بر نسبت‌های گشتاور به نیروی فنر دارد.

**نتیجه‌گیری:** پیش فعال سازی‌های نوع اول و دوم در فنرهای رترکشن باعث ایجاد اثرات مطلوب شده، تداخل نامطلوبی با یکدیگر ندارند. افزودن هلیکس ممکن است باعث بهبود برخی از خصوصیات مکانیکی فنرهای رترکشن گردد.

**کلید واژه‌ها:** طرح اپلاینس ارتودونتسی، سیم‌های ارتودونتسی، تحلیل المان محدود، استیل ضد زنگ، بتا تیتانیوم، حرکت دندانی.

\* دستیار تخصصی ارتودونتسی، دانشکده دندان‌پزشکی، بخش ارتودونتسی، دانشگاه علوم پزشکی اصفهان (مؤلف مسؤول)  
shirvani@dnt.mui.ac.ir

: دانشیار، دانشکده دندان‌پزشکی، بخش

ارتودونتسی، دانشگاه علوم پزشکی اصفهان

طرح تحقیقاتی به شماره: ۳۸۷۰۹۴ سال ۱۳۸۷

رسیده، در تاریخ ۸۷/۱۱/۲۷ اصلاح شده و

در تاریخ ۸۷/۱۲/۲۰ تأیید گردیده است.

مجله دانشکده دندان‌پزشکی اصفهان

۲۳۸۸: ۱۳: (۱۵)

## مقدمه

بنا تیتانیومی ۰/۳۹ میلی‌متر است. با توجه به این که نسبت گشتاور به نیروی لازم برای ممانعت از چرخش دندان ۳/۵ میلی‌متر است، فنر عمودی هلیکس دار بنا تیتانیوم با پیش فعال سازی نوع اول ۲۰ درجه‌ای فاقد کفايت لازم برای ممانعت از چرخش دندان است[۱]. از این رو کاربرد آلیاژ بنا تیتانیوم در فنرهای رترکشن چنین فنرهایی در حین جایگذاری دچار تغییرات ژئومتری شدیدتری شده، در چنین شرایطی اثرات متقابل نامطلوب خم‌های نوع اول و دوم محتمل به نظر می‌رسد.

در بررسی اثرات متقابل پیش فعال سازی نوع اول و نوع دوم، Katona و همکاران[۲] اثرات مستقل و متقابل خم‌های نوع اول و دوم را بر نسبت گشتاور به نیرو در پلن سازیتال در فنر سه ضلعی (Triangular) استیل مورد بررسی قرار دادند. بر اساس نتایج این پژوهش تجربی، خم‌های پیش فعال سازی نوع اول و نوع دوم اثرات مطلوب و مستقل از یکدیگر دارند. پیش‌تر نیز Raboud و همکاران[۳] فنر چهارگوش فعال شده در جهت عمودی را مورد بررسی قرار دادند. این فنر جهت اصلاح موقعیت سه بعدی دندان به کار می‌رود و فنر رترکشن محسوب نمی‌گردد. نتایج این پژوهش نشان داد که سیستم نیرویی ناشی از خم نوع دوم مستقل از خم نوع اول می‌باشد.

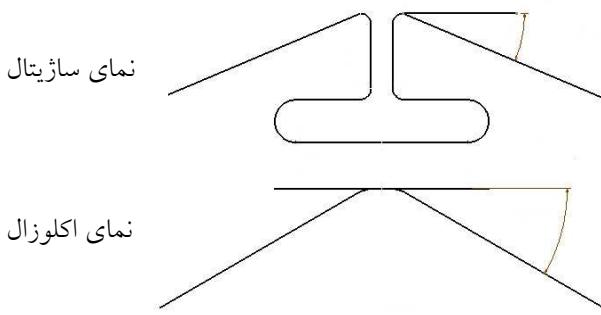
در پژوهش Chen و همکاران[۴] نیز پژوهشگران اثر ژئومتری فنر T استیل را بر سیستم نیروی اعمال شده در پلن سازیتال بررسی نمودند. بر اساس نتایج این پژوهش، افزایش بعد عرضی فنر T باعث کاهش LDR فنر می‌شود، اما این اثر مطلوب با کاهش نسبت گشتاور به نیرو در پلن سازیتال همراه است. نتایج مشابهی نیز در پژوهش Thiesen و همکاران[۵] گزارش شده است، به نحوی که افزودن هلیکس به فنر T با کاهش LDR و نیز کاهش نسبت گشتاور به نیرو در پلن سازیتال همراه بوده است.

بر اساس نتایج این پژوهش‌ها به نظر می‌رسد که کاربرد آلیاژ بنا تیتانیوم با ضریب کشسانی کم در فنرهای رترکشن در مقایسه با آلیاژ استیل ممکن است باعث عدم کارایی فنرهای بنا تیتانیومی در حفظ موقعیت دندان در پلن اکلوزال گردد. بر این اساس، پژوهش حاضر با هدف مقایسه سیستم نیروی سه بعدی فنرهای رترکشن استیل و بنا تیتانیوم با ژئومتری‌های مشابه و با

بستن فضا یکی از پایه‌ای ترین حرکات دندانی در درمان‌های ارتودونتیک محسوب می‌گردد. این حرکت دندانی به طور معمول نیازمند درجاتی از حرکت انتقالی دندان‌ها می‌باشد و موفقیت در این مرحله از درمان مستلزم کنترل هرچه کاملتر مرکز چرخش دندان با اعمال یک سیستم بیومکانیک مطلوب است. بستن فضا به طور معمول به دو روش اسلامیدینگ و سگمنتال صورت می‌گیرد. در مکانیک اسلامیدینگ، حرکت دندانی به واسطه حرکت براکت متصل به دندان بر روی آرج وایر شکل داده می‌شود و یا حرکت آرج وایر از درون براکتها و تیوب‌ها انجام می‌گردد. غلبه بر عامل اصطکاک بین سیم و براکت و کنترل عوامل متعدد مؤثر بر آن، از مهمترین ملاحظات کاربرد مکانیک اسلامیدینگ است. غلبه بر اصطکاک نیازمند اعمال نیروی رترکشن بیش از نیروی بهینه است. عکس‌العمل چنین نیرویی باعث اعمال نیروی بیشتر بر واحد انکوریج و افزایش احتمال از دست رفتن انکوریج می‌گردد. در مکانیک سگمنتال، حرکت دندانی بدون عامل اصطکاک و از طریق اعمال یک سیستم نیروی کنترل شده سه بعدی با کاربرد فنرهای رترکشن اختصاصی شده صورت می‌گیرد. حذف عامل اصطکاک در این مکانیک باعث حفظ سطح پایدارتری از استرس در لیگامان پریودونتال و حرکت یکنواخت تر دندان نسبت به مکانیک اسلامیدینگ می‌گردد.

علاوه بر کنترل مرکز چرخش دندان، اعمال استرس بهینه در لیگامان پریودونتال و حفظ سطح به نسبت ثابت از استرس حین حرکت دندانی از دیگر خصوصیات سیستم بیومکانیک مطلوب هستند. ایجاد استرس بهینه در لیگامان پریودونتال و ثبات نیروی رترکشن حین حرکت دندانی، مستلزم کاربرد فنرهایی با LDR کم است. با ارایه آلیاژ بنا تیتانیوم، ساخت فنرهای رترکشن با LDR و پیچیدگی ژئومتریک کم میسر شد، اما کاهش LDR با کاهش نسبت گشتاور به نیرو در هر دو پلن سازیتال و اکلوزال همراه است. بر اساس نتایج پژوهش Raboud و همکاران[۱]، فنر عمودی هلیکس دار استیل با پیش فعال سازی نوع اول ۲۰ درجه‌ای در یک دوم حداکثر فعال سازی، نسبت گشتاور به نیروی ۱/۵۹ میلی‌متر در پلن اکلوزال دارد؛ حال آن که این نسبت در فنر عمودی هلیکس دار

فنر عمودی (Vertical loop) با ارتفاع عمودی ۸ میلی‌متر و لوپ تحتانی به قطر ۲ میلی‌متر (شکل ۱).  
 فنر عمودی هلیکس‌دار (Vertical helical loop) با ارتفاع عمودی ۸ میلی‌متر و یک هلیکس به قطر ۲ میلی‌متر (شکل ۲).  
 فنر T با بعد ژنتیوالی ۱۰ میلی‌متر، ارتفاع ۶ میلی‌متر، فاصله بین پایه‌های عمودی یک میلی‌متر و لوپ‌های طرفی به قطر ۲ میلی‌متر (شکل ۳).



شکل ۳. نمای فنر T

فنرهای رترکشن مورد بررسی با سیم‌های بتا تیتانیوم و استیل ضدزنگ با ابعاد  $0.022 \times 0.016$  اینچ شبیه‌سازی شدند. ضریب کشسانی و نقطه تسلیم برای بتا تیتانیوم به ترتیب  $170\text{ GPa}$  و  $1010\text{ MPa}$  و برای استیل ضدزنگ به ترتیب  $70\text{ GPa}$  و  $1640\text{ MPa}$  در نظر گرفته شد. ضریب پویسون بتا تیتانیوم و استیل ضدزنگ نیز به ترتیب  $0.31$  و  $0.3$  لحاظ گردید [۶-۸]. در هر یک از فنرهای مورد بررسی، خم‌های نوع دوم صفر،  $20$  و  $40$  درجه اعمال شد (صفر،  $10$  و  $20$  درجه در هر یک از پایه‌های قدامی و خلفی) و به ازای هر یک از زوایای فوق نیز خم‌های نوع اول صفر،  $20$  و  $40$  و  $60$  درجه اعمال گردید (صفر،  $10$ ،  $20$ ،  $30$  در هر نیمه فنر). در بخش نتایج، مقادیر پیش‌فکار سازی نوع اول و دوم در هر فنر به صورت  $(m, n)$  گزارش شده به طوری که  $m$  بیانگر مقدار خم نوع دوم و  $n$  بیانگر مقدار خم نوع اول است.

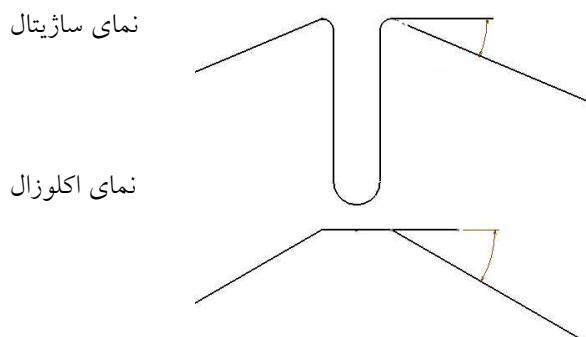
فنرهای مورد بررسی در ابتدا بدون بارگذاری محوری به موقعیت خنثی (Neutral Position) در آمدند. در موقعیت

پیش فعال سازی نوع اول و دوم طراحی گردید. در این پژوهش، اثرات مستقل و متقابل خم‌های پیش فعال سازی نوع اول و دوم در فنرهای رترکشن عمودی، عمودی هلیکس‌دار و فنر T از جنس استیل و بتا تیتانیوم بررسی و مقایسه شد.

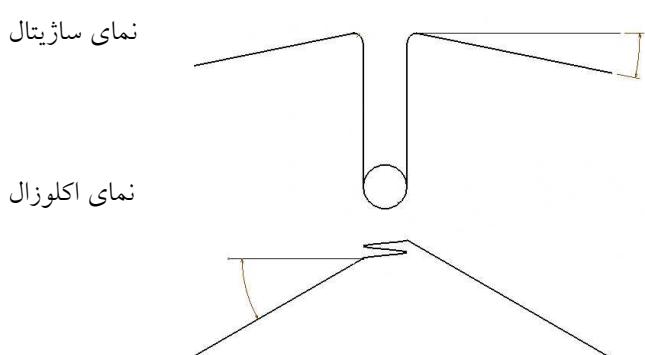
## مواد و روش‌ها

پژوهش حاضر، پژوهشی تحلیلی به روش المان محدود غیر خطی است. این روش، تحلیل فنرهای رترکشن با تغییر شکل‌های وسیع و نیز تحلیل رفتار پلاستیک اپلاینس تحت بارگذاری را میسر می‌سازد.

مدل‌های مورد بررسی شامل ۳ طرح فنر رترکشن بود. مدل سازی فنرهای مورد بررسی با کاربرد نرم‌افزار CATIA (نسخه ۵.۱۳) صورت گرفت. ابعاد فنرهای مورد بررسی به شرح زیر است.



شکل ۱. نمای فنر عمودی



شکل ۲. نمای فنر عمودی هلیکس‌دار

### یافته‌ها

سیستم نیروی فنر T بدون پیش فعال سازی به روش المان محدود غیرخطی محاسبه و نتایج حاصل از آن با نتایج پژوهش‌های تجربی و تحلیلی Faulkner مقایسه گردید. انحراف نیروی رترکشن و گشتاور محاسبه شده به روش المان محدود غیر خطی (روش پژوهش حاضر) نسبت به روش تجربی Faulkner به ترتیب  $6/52$  - تا  $2/36$  درصد و  $7/56$  - تا  $6/48$  درصد بود.

سیستم نیروی فنرها استیل و بتا تیتانیوم مورد بررسی در حداکثر فعال سازی و نیز در یک دوم حداکثر فعال سازی فنر در جدول‌های ۱ و ۲ آمده است.

اثر پیش فعال سازی نوع دوم برنسبت گشتاور به نیرو  $(M_z/F_x)$  در شکل ۴ نشان داده است. بر این اساس، نسبت گشتاور ذاتی فنر (Inherent moment) به نیروی رترکشن با افزایش فعال سازی فنر تغییر قابل ملاحظه‌ای نمی‌کند. با اعمال پیش فعال سازی نوع دوم، نسبت  $M_z/F_x$  افزایش می‌یابد. در این حالت با افزایش فعال سازی فنر، نسبت  $M_z/F_x$  پس از یک افت شدید به نسبت ثابت می‌گردد. شکل ۵ اثر پیش فعال سازی نوع اول بر نسبت گشتاور به نیرو در پلن اکلوزال  $(M_y/F_x)$  را نشان می‌دهد. همان طور که در جدول‌های ۱ و ۲ مشاهده می‌شود، در صورت عدم اعمال این پیش فعال سازی،  $M_y$  در تمامی مقادیر فعال سازی صفر خواهد بود.

شکل‌های ۶ و ۷ اثرات متقابل خم‌های نوع اول و دوم را نشان می‌دهند. بر این اساس، اعمال خم نوع اول بر نسبت تأثیر چندانی ندارد (شکل ۶)، ولی اعمال خم نوع دوم باعث کاهش مختصر نسبت  $M_y/F_x$  می‌گردد (شکل ۷).

اثر هلیکس بر سیستم نیروی فنر عمودی در شکل‌های ۸ و ۹ آمده است. بر این اساس، کاربرد هلیکس در طرح فنر عمودی موجب افزایش نسبت‌های  $M_z/F_x$  و  $M_y/F_x$  می‌گردد. علاوه بر این، کاربرد هلیکس با کاهش LDR فنر و افزایش حداکثر فعال سازی فنر همراه است.

خنثی، دو انتهای فنر ( محل فرضی برآکت‌ها) به حالت موازی و در یک امتداد قرار گرفته، نیروی افقی صفر می‌باشد. بارگذاری با فواصل  $0/05$  میلی‌متر تا حداکثر فعال سازی فنر انجام شد. تغییر شکل پلاستیک در حداقل یکی از المان‌های بیم (Beam element) به عنوان حداکثر فعال سازی فنر تعریف شد. متغیرهای مورد بررسی شامل مؤلفه‌های نیرو ( $F$ ) و گشتاور زوج نیرو ( $M$ ) در دو انتهای آلفا و بتای فنر در سه راستای  $x$  (مزیودیستال)،  $y$  (اکلوزوژنژیوال) و  $z$  (باکولینژیوال) بود.

فاصله بین برآکتی،  $21$  میلی‌متر در حداکثر فعال سازی فنر در نظر گرفته شد. بر این اساس، طول اولیه فنرها باید به گونه‌ای محاسبه شود که پس از بارگذاری فنر تا حد الاستیک، طول فنر به  $21$  میلی‌متر برسد. بدین منظور طول اولیه فنرها رترکشن قبل از اعمال خم‌های نوع اول و دوم در فنرها تغییر نمی‌کند. پس از اعمال خم‌های نوع اول و دوم در فنرها مطابق شرایط فوق انجام و فنر تا حداکثر فعال سازی بارگذاری شد. در حداکثر فعال سازی، فاصله دو انتهای آلفا و بتا محاسبه شد و از  $21$  میلی‌متر کسر گردید. طول اولیه فنر بر این مبنای اصلاح شد به طوری که چنانچه تفاضل مذکور منفی بود، طول اولیه فنر به طور قرینه به مقدار تفاضل مذکور کاهش می‌یافت و چنانچه تفاضل مثبت بود مقدار تفاضل به طول اولیه فنر افزوده می‌شد.

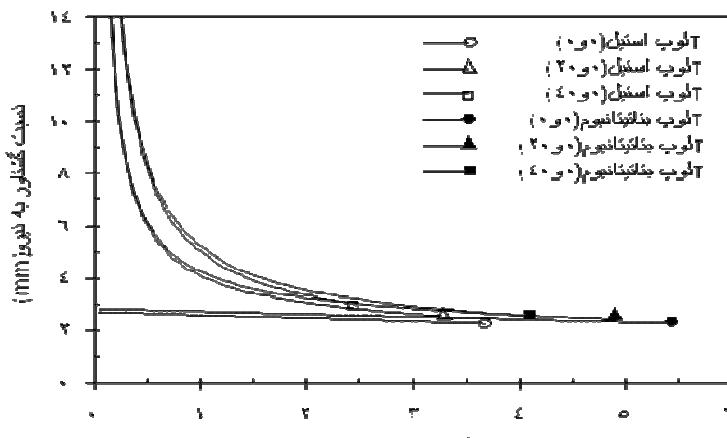
تحلیل المان محدود توسط نرم‌افزار ABAQUS (نسخه ۶.۸) انجام شد. برای اعتبار سنجی روش پژوهش، فنر T با طول مزیودیستالی  $7$  میلی‌متر، بعد ژنژیوالی  $11$  میلی‌متر، ارتفاع  $6$  میلی‌متر، فاصله بین پایه‌های عمودی  $2$  میلی‌متر و لوب‌های طرفی به قطر  $2$  میلی‌متر از جنس سیم استیل  $0/022 \times 0/016$  اینچ تا  $2$  میلی‌متر با فواصل  $0/025$  میلی‌متر بارگذاری شد و یافته‌های حاصل با نتایج پژوهش آنالیز المان محدود Faulkner

در پژوهش تجربی وی و همکاران [۷] مقایسه شد.

یافته‌های تحلیل المان محدود با کاربرد نرم افزار EXCEL (نسخه ۲۰۰۷) در قالب جداول و نمودارهای نیرو، نسبت گشتاور به نیرو در پلن‌های سازیتال و اکلوزال بر حسب مقادیر فعال سازی فنر گزارش شده است.

جدول ۱. سیستم نیروی سه بعدی فنرها رترکشن استیل

LDR N/mm	حداکثر فعال سازی		$\frac{1}{2}$ حداکثر فعال سازی		حداکثر فعال سازی $mm$	خمنه نوع دوم	خمنه نوع اول	طرح فنر
	$M_y/F_x$ mm	$M_z/F_x$ Mm	$F_x$ N	$M_y/F_x$ Mm	$M_z/F_x$ mm			
۲/۳۱	.	۱/۷۶	۴/۶۱	.	۱/۹۶	۲/۱۹	۲/۰۰	۰
۲/۲۹	۱/۱۵	۱/۷۷	۵/۲۸	۲/۰۲	۱/۹۶	۲/۵۴	۲/۳۱	۲۰
۲/۲۵	۲/۲۵	۱/۸۱	۵/۳۶	۴/۹۸	۲/۰۰	۲/۵۸	۲/۳۸	۴۰
۲/۱۸	۴/۲۹	۱/۹۲	۴/۲۰	۹/۲۷	۲/۰۹	۲/۰۵	۱/۹۳	۶۰
۲/۴۲	.	۲/۴۴	۵/۶۷	.	۳/۷۲	۲/۶۸	۲/۳۴	۰
۲/۵۱	.	۳/۰۶	۵/۷۴	.	۵/۲۷	۲/۷۴	۲/۲۹	۴۰
۲/۴۲	۰/۹۷	۲/۴۲	۵/۸۷	۲/۲۱	۳/۶۶	۲/۷۹	۲/۴۳	۲۰
۲/۴۸	۴/۷۲	۵/۵۳	۲/۴۱	۹/۸۹	۹/۹۲	۱/۲۰	۱/۰۱	۴۰
۱/۶۶	-۰/۳۱	۲/۳۴	۵/۳۵	-۰/۳۶	۲/۷۰	۲/۴۴	۳/۲۲	۰
۱/۶۹	۰/۵۲	۲/۳۳	۶/۰۸	۱/۶۰	۲/۷۱	۲/۷۶	۳/۵۹	۲۰
۱/۶۲	۱/۷۱	۲/۴۱	۴/۹۷	۴/۳۶	۲/۷۵	۲/۲۸	۳/۰۷	۴۰
۱/۵۲	۳/۷۲	۲/۵۶	۳/۷۵	۸/۸۲	۲/۸۵	۱/۷۵	۲/۴۶	۶۰
۱/۶۷	-۰/۳۰	۲/۸۸	۵/۹۷	-۰/۳۶	۴/۱۹	۲/۷۲	۳/۵۷	۰
۱/۶۲	-۰/۳۱	۳/۸۵	۴/۶۱	-۰/۳۷	۶/۳۲	۲/۱۶	۲/۸۵	۴۰
۱/۶۱	۰/۶۶	۳/۱۱	۴/۸۱	۱/۹۳	۴/۵۳	۲/۲۳	۲/۹۹	۲۰
۱/۵۴	۳/۱۱	۵/۲۳	۲/۶۸	۷/۲۶	۸/۹۰	۱/۲۹	۱/۷۴	۴۰
۱/۹۰	.	۲/۲۴	۷/۰۲	.	۲/۴۷	۳/۵۹	۳/۵۹	۰
۱/۸۹	۰/۶۸	۲/۲۶	۶/۴۹	۱/۵۸	۲/۴۸	۳/۳۱	۳/۴۴	۲۰
۱/۸۵	۱/۷۲	۲/۳۳	۵/۴۰	۳/۸۹	۲/۵۴	۲/۷۴	۲/۹۲	۴۰
۱/۷۷	۳/۵۵	۲/۴۶	۴/۱۱	۷/۷۰	۲/۶۴	۲/۱۰	۲/۳۲	۶۰
۲/۰۴	.	۲/۵۵	۶/۶۶	.	۳/۳۱	۳/۴۵	۳/۲۷	۰
۲/۲۹	.	۳/۰۱	۵/۶۳	.	۴/۴۲	۲/۹۳	۲/۴۶	۰
۲/۰۴	۰/۷۹	۲/۷۰	۵/۴۶	۱/۸۰	۳/۵۱	۲/۸۰	۲/۶۸	۲۰
۲/۳۱	۲/۶۸	۳/۹۰	۳/۳۹	۵/۸۱	۶/۱۵	۱/۷۳	۱/۴۷	۴۰

شکل ۴. اثر پیش فعال سازی نوع دوم بر نسبت  $M_z/F_x$  فنر T

جدول ۲. سیستم نیروی سه بعدی فنرها رترکشن بتاتیتانیوم

LDR N/mm	حداکثر فعال سازی			$\frac{1}{2}$ حداکثر فعال سازی			حداکثر فعال سازی mm	خمن نوع دوم	خمن نوع اول	طرح فنر
	$M_y/F_x$ mm	$M_z/F_x$ Mm	$F_x$ N	$M_y/F_x$ Mm	$M_z/F_x$ mm	$F_x$ N				
۱/۰۱	.	۱/۶۶	۲/۹۳	.	۱/۹۴	۱/۳۵	۲/۹۱	.	.	لوپ عمودی
۱/۰۲	۰/۷۶	۱/۶۶	۳/۲۳	۱/۷۷	۱/۹۵	۱/۵۰	۳/۱۸	.	۲۰	
۱/۰۱	۱/۳۷	۱/۸۸	۳/۵۵	۲/۱۹	۱/۹۸	۱/۶۶	۳/۵۲	.	۴۰	
۰/۹۹	۲/۱۰	۱/۷۴	۳/۴۵	۴/۸۹	۲/۰۴	۱/۶۲	۳/۴۹	.	۶۰	
۱/۰۵	.	۲/۰۹	۳/۴۰	.	۳/۱۷	۱/۵۷	۳/۲۴	۲۰	.	
۱/۰۹	.	۲/۳۱	۳/۸۷	.	۳/۹۵	۱/۷۹	۳/۵۴	۴۰	.	
۱/۰۵	۰/۶۱	۲/۰۳	۳/۷۰	۱/۴۷	۳/۰۵	۱/۷۲	۳/۵۲	۲۰	۲۰	
۱/۰۵	۱/۵۶	۲/۷۷	۲/۷۶	۳/۶۳	۴/۷۶	۱/۳۱	۲/۶۳	۴۰	۴۰	
۰/۷۷	-۰/۲۷	۲/۱۸	۳/۵۵	-۰/۳۴	۲/۸۹	۱/۵۳	۴/۶۰	.	.	لوپ عمودی
۰/۸۹	۰/۲۰	۲/۰۶	۴/۳۷	۰/۸۷	۲/۶۵	۱/۸۳	۴/۹۲	.	۲۰	هلیکس دار
۰/۷۶	۰/۸۷	۲/۲۲	۳/۵۰	۲/۵۹	۲/۷۴	۱/۵۱	۴/۵۹	.	۴۰	
۰/۷۲	۱/۷۴	۲/۳۴	۲/۹۸	۴/۷۲	۲/۸۲	۱/۳۱	۴/۱۲	.	۶۰	
۰/۷۷	-۰/۲۶	۲/۴۷	۳/۹۴	-۰/۳۴	۳/۶۷	۱/۷۰	۵/۱۲	۲۰	.	
۰/۷۳	-۰/۲۷	۲/۹۵	۳/۳۲	-۰/۳۴	۴/۸۱	۱/۴۹	۴/۵۶	۴۰	.	
۰/۷۴	۰/۲۶	۲/۵۸	۳/۴۲	۱/۰۴	۳/۸۰	۱/۵۰	۴/۶۲	۲۰	۲۰	
۰/۶۹	۱/۱۳	۳/۳۸	۲/۴۲	۳/۱۸	۵/۵۳	۱/۱۱	۳/۵۱	۴۰	۴۰	
۰/۷۹	.	۲/۲۵	۴/۲۶	.	۲/۵۴	۲/۲۱	۵/۴۰	.	.	T فنر
۰/۷۹	۰/۴۱	۲/۲۶	۳/۹۹	۱/۰۲	۲/۵۵	۲/۰۶	۵/۰۸	.	۲۰	
۰/۷۷	۰/۹۵	۲/۳۱	۳/۵۶	۲/۳۲	۲/۵۸	۱/۸۳	۴/۶۲	.	۴۰	
۰/۷۵	۱/۶۶	۲/۴۰	۳/۱۶	۳/۹۸	۲/۶۷	۱/۶۲	۴/۲۴	.	۶۰	
۰/۸۳	.	۲/۴۱	۴/۰۶	.	۳/۰۳	۲/۱۴	۴/۹۰	۲۰	.	
۰/۹۰	.	۲/۵۵	۳/۶۷	.	۳/۵۲	۱/۹۶	۴/۰۷	۴۰	.	
۰/۸۳	۰/۴۲	۲/۴۵	۳/۵۷	۱/۰۵	۳/۱۱	۱/۸۶	۴/۳۰	۲۰	۲۰	
۰/۹۱	۱/۱۰	۲/۷۹	۲/۸۰	۲/۶۰	۴/۰۰	۱/۴۷	۳/۰۸	۴۰	۴۰	

شده در پژوهش حاضر بین ۷/۵۶-۷/۴۸ تا ۶/۴۸ درصد می‌باشد. پیشتر، Faulkner و همکاران [۷] خطای نسبی روش المان محدود غیر خطی نسبت به روش تجربی را در محدوده ۱۵ درصد گزارش کرده است. Mazza و همکاران [۱۱، ۱۰] نیز حداکثر انحراف مقادیر به دست آمده با روش المان محدود غیر خطی را نسبت به روش تحلیلی ۱۸ درصد گزارش کردند. Lipsett و همکاران [۱۲] نیز جهت اعتبارسنجی روش تحلیلی سگمنتال سیستم نیروی حاصل از فنر T پیش فعال شده از جنس بتاتیتانیوم را با نتایج حاصل از پژوهش تجربی مقایسه نموده و مقدار توافق دو روش را در حدود ۱۰ درصد گزارش کردند.

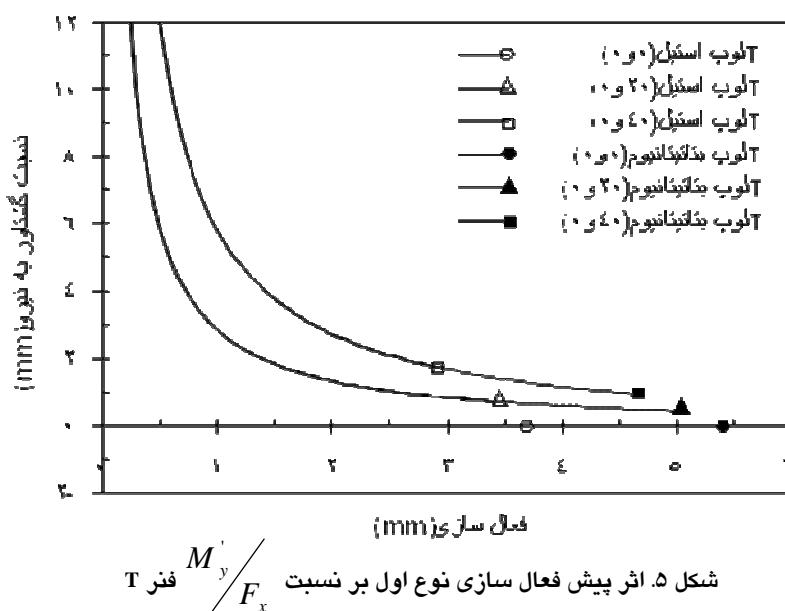
### بحث

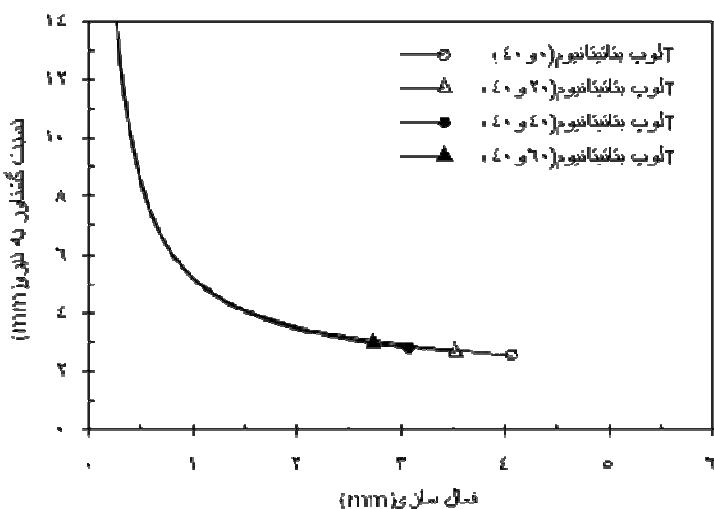
همان طور که پیشتر گفته شد، جهت اعتبار سنجی روش تحلیلی پژوهش حاضر مقادیر نیرو و گشتاور حاصل از فعال سازی فنر T با مشخصات ژئومتریک ذکر شده در بخش مواد و روش‌ها به روش المان محدود غیر خطی محاسبه و مقادیر به دست آمده با مقادیر حاصل از پژوهش‌های تحلیلی-تجربی Faulkner و Koenig و همکاران [۹، ۷] مقایسه گردید. توافق قابل توجه روش المان محدود به کار رفته در پژوهش حاضر با پژوهش تحلیلی-تجربی Faulkner بیانگر اعتبار قابل قبول نتایج پژوهش است. مقدار انحراف مقادیر نیرو و گشتاور محاسبه

دنبال فعال سازی بیشتر فنر، به طور قابل ملاحظه‌ای کاهش می‌یابد.

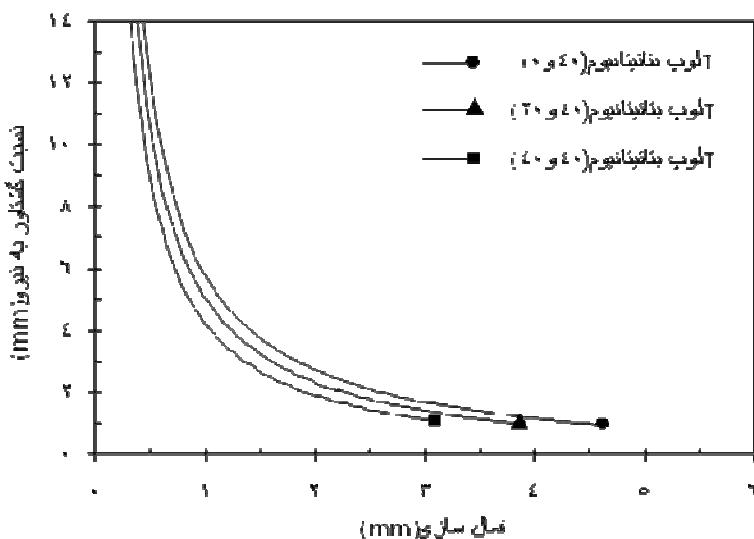
حرکت انتقالی دندان در سه پلن فضایی، علاوه بر پیش فعال سازی نوع دوم نیازمند اعمال گشتاور ضد چرخش در پلن اکلوزال ( $x-z$ ) نیز می‌باشد که با اعمال خم نوع اول در فنر تولید می‌گردد. در مقایسه با پلن سازیتال ( $x-y$ )، فعال سازی فنر باعث تولید گشتاور ذاتی در پلن اکلوزال ( $x-z$ ) نمی‌گردد و بنابراین برای حصول نسبت  $M_y/F_x$  ۳/۵ میلی‌متری، اعمال پیش فعال سازی نوع اول در فنر رترکشن ضروری است. این نسبت با اعمال پیش فعال سازی نوع اول افزایش می‌یابد و متعاقب فعال سازی بیشتر فنر، به طور قابل ملاحظه‌ای کاهش می‌یابد (شکل ۵). در بررسی اثرات متقابل خم‌های نوع اول و دوم، شکل ۶ بیانگر عدم تأثیر خم نوع اول بر نسبت  $M_z/F_x$  می‌باشد. این یافته توسط پژوهش تجربی Katona و همکاران [۲] بر روی فنرهای سه ضلعی استیل با پیش فعال سازی‌های نوع اول و دوم نیز تأیید می‌گردد. بر اساس یافته‌های پژوهش مذکور، خم‌های پیش فعال سازی نوع اول و دوم اثرات مطلوب و مستقل از یکدیگر دارند. شکل ۷ نشانگر اثر خم نوع دوم بر نسبت  $M_y/F_x$  است. بر این اساس، هر چند که با افزایش خم نوع دوم نسبت  $M_y/F_x$  کاهش می‌یابد، این کاهش بیشتر در

در بررسی اثر پیش فعال سازی نوع دوم بر خصوصیات سیستم نیروی فنرهای رترکشن، همان طور که در شکل ۵ مشاهده می‌گردد، اعمال این نوع پیش فعال سازی با افزایش نسبت  $M_z/F_x$  همراه است. فنرهای رترکشن در اثر تغییر شکل ناشی از فعال سازی فنر گشتاوری تولید می‌نمایند که بدان گشتاور ذاتی (Inherent moment) گفته می‌شود. این گشتاور در اغلب فنرهای رترکشن قابلیت ممانعت از Tip شدن تاج دندان را ندارد. از این رو با اعمال پیش فعال سازی نوع دوم، گشتاور باقی‌مانده (Residual moment) در پلن  $y$ - $x$  تولید می‌شود تا مجموع این دو گشتاور ( $M_z$ ) مانع از Tip دیستالی تاج دندان گردد. برخلاف اثر مطلوب پیش فعال سازی نوع دوم بر بهبود نسبت گشتاور به نیرو ( $M_z/F_x$ )، افزایش LDR فنر و نیز کاهش حداکثر فعال سازی فنر از عوارض نامطلوب این پیش فعال سازی محسوب می‌گردد (جدول ۱ و ۲). نتایج پژوهش Raboud و همکاران [۱] در خصوص اثر خم نوع دوم بر LDR و حداکثر فعال سازی فنر نیز مؤید نتایج پژوهش حاضر است. همان طور که در شکل ۵ مشاهده می‌گردد، در صورت عدم اعمال پیش فعال سازی نوع دوم، نسبت گشتاور به نیرو تا حدودی مستقل از مقدار فعال سازی فنر می‌باشد ولی با اعمال خم نوع دوم این نسبت افزایش قابل توجهی می‌یابد، هرچند به





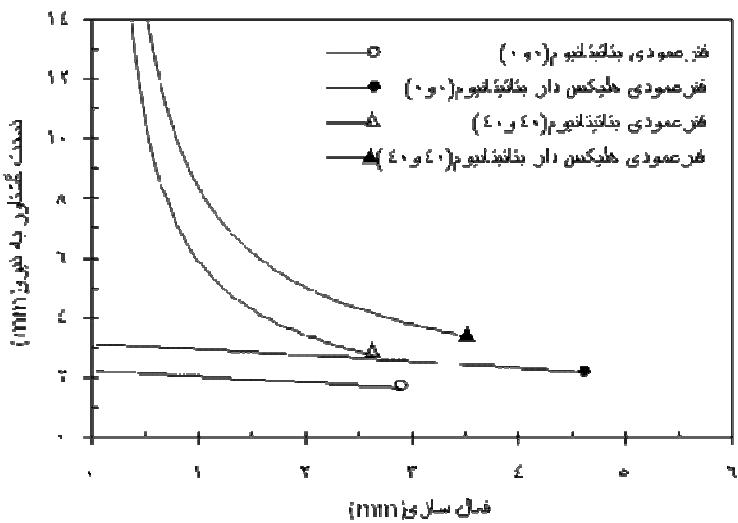
شکل ۶. اثر پیش فعال سازی نوع اول بر نسبت  $\frac{M_z}{F_x}$  فنر T



شکل ۷. اثر پیش فعال سازی نوع دوم بر نسبت  $\frac{M_y}{F_x}$  فنر T

نیز افزودن هلیکس به طرح لوب عمودی با افزایش نسبت  $M_z/F_x$  همراه بوده است که مؤید نتایج پژوهش حاضر است. این در حالی است که Thiesen و همکاران<sup>[5]</sup> در بررسی اثر ژئومتری فنر T بر سیستم نیروی فنر گزارش نمودند که افزودن هلیکس به طرح فنر T باعث کاهش نسبت گشتاور به نیرو  $M_z/F_x$  می‌گردد. Faulkner و همکاران<sup>[7]</sup> نیز پیشتر در

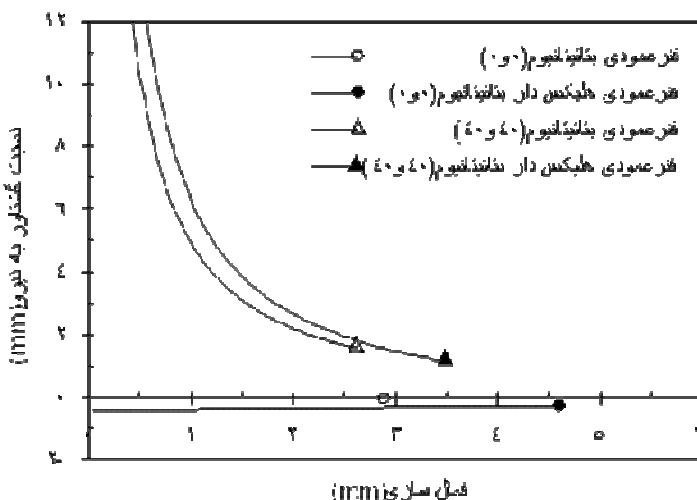
مقادیر کم فعال سازی مشهود است. این در حالی است که Menghi و همکاران<sup>[13]</sup> و Raboud و همکاران<sup>[3]</sup> اثرات خم‌های نوع اول و دوم را مستقل از یکدیگر گزارش کردند. در بررسی اثرات هلیکس بر سیستم نیروی فنرها رترکشن عمودی، شکل ۸ بیانگر افزایش نسبت  $M_z/F_x$  در فنر عمودی هلیکس دار است. در پژوهش تحلیلی Raboud و همکاران<sup>[1]</sup>

شکل ۸. اثر هلیکس بر نسبت  $\frac{M_z}{F_x}$  فنر رترکشن عمودی

فنرها استیل است که با مقادیر ضریب کشسانی دو ماده و مونوگراف‌های [۱۴] Kusy و همکاران [۱۳] Menghi و همکاران نیز مؤید مطلب فوق است. نمودارهای نسبت گشتاور به نیرو بر حسب تغییر شکل فنرهای استیل و بتا تیتانیوم در هردو پلن اکلوزال ( $x-z$ ) و سازیتال ( $y-x$ ) با اندکی تقریب بر یکدیگر منطبق می‌باشند (شکل‌های ۴ و ۵). علت این تشابه در تناسب گشتاور و نیروی فنر (صورت و مخرج کسر ( $M/F$ ) با ضریب کشسانی ماده است که بدین ترتیب نسبت گشتاور به نیرو مستقل از ضریب کشسانی ماده خواهد بود.

یک مطالعه تجربی - تحلیلی نشان دادند که افزودن هلیکس به طرح فنر T تأثیر چندانی بر نسبت  $\frac{M_z}{F_x}$  ندارد و بنابر این افزودن هلیکس را از نظر علمی غیر ضروری دانستند. علاوه بر این، شکل ۹ نشان می‌دهد که افزودن هلیکس به طرح عمودی علاوه بر افزایش نسبت  $\frac{M_z}{F_x}$  باعث افزایش جزیی نسبت  $\frac{M_y}{F_x}$  نیز می‌گردد.

در مقایسه فنرهای رترکشن ساخته شده از سیم‌های بتا تیتانیوم واستیل، LDR فنرهای بتا تیتانیومی در حدود نصف

شکل ۹. اثر هلیکس بر نسبت  $\frac{M_y}{F_x}$  فنر رترکشن عمودی

### نتیجه گیری

خم‌های نوع اول و دوم در پیش فعال سازی فنرهای رترکشن اثرات مطلوب و به نسبت مستقل از یکدیگر دارند. کاربرد هلیکس در فنرهای رترکشن ممکن است باعث بهبود نسبی خصوصیات مکانیکی سیستم نیروی فنر گردد. کاربرد سیم بتا تیتانیوم ممکن است با کاهش نسبت گشتاور به نیرو در فعال سازی فنر برای اعمال نیروی بهینه همراه باشد؛ از این رو، در این فنرها توجه به کفايت باليني پیش فعال سازی‌های نوع اول و دوم از نظر باليني حائز اهمیت است.

### قدرتانی

در پایان لازم است از زحمات مهندس عباس جبار زارع و به ویژه مهندس حسن طالبی که با دقت و حوصله فراوان نمونه سازی و تحلیل المان محدود این طرح را به انجام رساندند، تقدير به عمل آید.

با توجه به LDR کمتر فنرهای بتاتیتانیومی، این فنرها برای اعمال نیروی بهینه باید بیش از فنرهای استیل فعال گردند که این مسئله باعث کاهش نسبت گشتاور به نیرو در هر دو پلن مذکور می‌گردد (شکل‌های ۴ و ۵). بنابراین در کاربرد سیم‌های با ضریب کشسانی کم همچون آلیاژهای تیتانیوم در ساخت فنرهای رترکشن باید به این نکته دقت داشت که نیاز به فعال سازی بیشتر فنر به دلیل LDR کم، نسبت گشتاور به نیرو در دو پلن اکلوزال و سازیتال را کاهش می‌دهد؛ از این رو ارتودونتیست باید از کفايت بالیني خم‌های پیش فعال سازی اطمینان حاصل نماید.

تعییم نتایج پژوهش‌های تحلیلی به شرایط بالینی مستلزم انجام پژوهش‌های تجربی است. بنابراین عدم آزمون فرضیات به روش تجربی از محدودیت‌های پژوهش حاضر محسوب می‌گردد. همان طور که پیشتر گفته شد، در پژوهش حاضر سعی گردید با مدل سازی و تحلیل فنر مورد آزمون تجربی در پژوهش‌های قبلی، اعتبار نتایج پژوهش مورد سنجش قرار گیرد.

## References

- Raboud DW, Faulkner MG, Lipsett AW, Haberstock DL. Three-dimensional effects in retraction appliance design. Am J Orthod Dentofacial Orthop 1997; 112(4): 378-92.
- Katona TR, Le YP, Chen J. The effects of first- and second-order gable bends on forces and moments generated by triangular loops. Am J Orthod Dentofacial Orthop 2006; 129(1): 54-9.
- Raboud D, Faulkner G, Lipsett B, Haberstock D. Three-dimensional force systems from vertically activated orthodontic loops. Am J Orthod Dentofacial Orthop 2001; 119(1): 21-9.
- Chen J, Markham DL, Katona TR. Effects of T-loop geometry on its forces and moments. Angle Orthod 2000; 70(1): 48-51.
- Thiesen G, do Rego MV, de Menezes LM, Shimizu RH. Force systems yielded by different designs of T-loop. Aust Orthod J 2005; 21(2): 103-10.
- Raboud D, Faulkner MG, Lipsett AW. Segmental approach for large three-dimensional rod deformations. International journal of solids and structures 1996; 33(8): 1137-56.
- Faulkner MG, Fuchshuber P, Haberstock D, Mioduchowski A. A parametric study of the force/moment systems produced by T-loop retraction springs. J Biomech 1989; 22(6-7): 637-47.
- Krishnan V, Kumar KJ. Mechanical properties and surface characteristics of three archwire alloys. Angle Orthod 2004; 74(6): 825-31.
- Koenig HA, Vanderby R, Solonche DJ, Burstone CJ. Force systems from orthodontic appliances: an analytical and experimental comparison. J Biomech Eng 1980; 102(4): 294-300.
- Mazza D, Mazza M. Specialized spring design in segmented edgewise orthodontics: further verification of dedicated software. Angle Orthod 2000; 70(1): 52-62.
- Mazza D, Mazza M. Specialized spring design in segmented edgewise orthodontics. Am J Orthod Dentofacial Orthop 1997; 112(6): 684-93.

12. Lipsett AW, Faulkner MG, el Rayes K. Large deformation analysis of orthodontic appliances. *J Biomech Eng* 1990; 112(1):29-37.
13. Menghi C, Planert J, Melsen B. 3-D experimental identification of force systems from orthodontic loops activated for first order corrections. *Angle Orthod* 1999; 69(1): 49-57.
14. Kusy RP. On the use of nomograms to determine the elastic property ratios of orthodontic arch wires. *Am J Orthod* 1983; 83(5): 374-81.

## Finite Element Analysis of Three Dimensional Force System from Beta Titanium and Steel Preactivated Retraction Springs

Shiva Alavi, Amin Shirvani\*

### Abstract

**Introduction:** The aim of this study was to investigate the effects and interactions of first- and second- order preactivation bends on three dimensional force system of steel and beta titanium canine retraction springs.

**Method and materials:** In a non- linear finite element analysis, three retraction springs including, vertical loop, vertical helical loop and T- loop were studied. All combinations of first-order bend (0, 20, 40 and 60 degrees), second-order bend (0, 20 and 40 degrees) and wire material (stainless steel, beta titanium) were applied to each design. All appliances activated incrementally to reach elastic limit in 0.05 mm steps. Moment/ force ratios (in occlusal and sagital plan) and load/ deflection rate of appliances were measured using ABAQUS, V6.8 and CATIA, V5.13 softwares.

**Results:** It was found that the second-order bend can somewhat reduce moment/ force ratio in occlusal plan but first order bend have no effect on moment/ force ratio in sagital plan. The addition of helix into the vertical loop reduced load deflection rate of spring but did little to alter the moment/ force ratios of spring.

**Conclusion:** First and second-order preactivation of retraction springs produced the desired effects, without significant interfering with each other. Helices added to the vertical loop may improve some mechanical characteristics of retraction springs.

**Key words:** Orthodontic Appliance Design, Orthodontic Wires, Finite Element Analysis, Stainless Steel, Beta Titanium, Tooth Movement

**Received:** 14 Dec, 2008    **Accepted:** 10 Mar, 2009

**Address:** Post Graduated Student, Department of Orthodontics, School of Dentistry and Torabinejad Dental Research Center, Isfahan University of Medical Sciences, Isfahan, Iran.

**E-mail:** shirvani@dnt.mui.ac.ir

Journal of Isfahan Dental School 2009; 5(1).